ФГБОУ ВПО «СПбНИУ ИТМО»

*Факультет программной инженерии и компьютерной техники*

*Дисциплина “Дискретная математика”*

**Домашнее задание №3**

**Вычитание целых чисел**

**68 вариант**

Выполнил:

Мантуш Даниил Валерьевич,

группа Р3119

Санкт-Петербург

2024

**Оглавление**

[Задание 3](#_Toc181800773)

[Задача 1 3](#_Toc181800774)

[Задача 2 4](#_Toc181800775)

[Задача 3 5](#_Toc181800776)

# Задание

## Задача 1

Для заданных чисел ***А*** и ***В*** выполнить операцию знакового вычитания со всеми комбинациями знаков операндов. Для каждого примера:

а) проставить межразрядные заёмы, возникающие при вычитании;

b) дать знаковую интерпретацию операндов и результатов. При получении отрицательного результата предварительно преобразовать его из дополнительного кода в прямой;

c) дать беззнаковую интерпретацию операндов и результатов, при получении неверного результата пояснить причину его возникновения;

d) показать значения арифметических флагов.

*А* = 80, *В* = 23.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* > 0, *B* > 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*пр. | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 80 |  | 80 |
| *B*пр. | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |  | 23 |  | 23 |
| *C*пр. | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | 57 |  | 57 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=0, | ZF=0, | PF=1, | AF=1, | SF=0, | OF=0. |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* < 0, *B* > 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*доп. | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -80 |  | 176 |
| *B*пр. | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |  | 23 |  | 23 |
| *C*доп. | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |  |  |  | 153 |
| *C*пр. | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |  | -103 |  |  |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=0, | ZF=0, | PF=1, | AF=1, | SF=1, | OF=0. |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* > 0, *B* < 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*пр. | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 80 |  | 80 |
| *B*доп. | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | -23 |  | 233 |
| *C*пр. | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | 103 |  | 103? |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=1, | ZF=0, | PF=1, | AF=1, | SF=0, | OF=0. |
| Для беззнаковой интерпретации результат неверен вследствие возникающего заёма из разряда за пределами формата | | | | | | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* < 0, *B* < 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*доп. | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -80 |  | 176 |
| *B*доп. | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | -23 |  | 233 |
| *C*доп. | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |  |  |  | 199? |
| *C*пр. | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | -57 |  |  |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=1, | ZF=0, | PF=1, | AF=1, | SF=1, | OF=0. |

Для беззнаковой интерпретации результат неверен вследствие возникающего заёма из разряда за пределами формата.

## Задача 2

Cохранив значение первого операнда ***А***, выбрать такое значение ***В***, чтобы в операции вычитания с разными знаками имел место особый случай переполнения формата. Выполнить два примера, иллюстрирующие эти случаи, для каждого из них проделать пункты a, b, c, d.

*А + В >*128, значит 128 – *А <В* <127

*А* = 80, *В* = 96.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* < 0, *B* > 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*доп. | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -80 |  | 176 |
| *B*пр. | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 96 |  | 96 |
| *C*пр. | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 80? |  | 80 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=0, | ZF=0, | PF=1, | AF=0, | SF=0, | OF=1. |
| Для знаковой интерпретации результат некорректен вследствие возникающего переполнения | | | | | | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* > 0, *B* < 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*пр. | 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | 80 |  | 80 |
| *B*доп. | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -96 |  | 160 |
| *C*доп. | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  |  |  | 176? |
| *C*пр. | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -80? |  |  |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=1, | ZF=0, | PF=1, | AF=0, | SF=1, | OF=1. |

Для знаковой интерпретации результат некорректен вследствие возникающего переполнения, для беззнаковой интерпретации результат некорректен из-за возникающего заёма из старшего разряда

## Задача 3

Сохранив операнд ***B***, подобрать такое значение операнда ***A***, чтобы при вычитании отрицательного ***B*** из положительного ***A*** имело место переполнение формата, а при вычитании положительного ***B*** из отрицательного ***A*** результат был бы корректен. Выполнить два примера, иллюстрирующие этот случай. Для каждого из них проделать пункты a, b, c, d.

B = 23, A = 128 – 23 = 105

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* > 0, *B* < 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*пр. | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | 105 |  | 105 |
| *B*доп. | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |  | -23 |  | 233 |
| *C.* | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -128? |  | 128? |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=1, | ZF=0, | PF=0, | AF=0, | SF=1, | OF=1. |

Результат беззнаковой интерпретации некорректен вследствие возникающего заёма из разряда за пределами формата, для знаковой интерпретации результат некорректен из-за переполнения.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| *А* < 0, *B* > 0. | | | | | | | | | Интерпретации | | | |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | Знаковая |  | Беззнаковая |
| *A*доп. | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |  | -105 |  | 151 |
| *B*пр. | 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |  | 23 |  | 23 |
| *C*. | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |  | -128 |  | 128 |

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| CF=0, | ZF=0, | PF=0, | AF=0, | SF=1, | OF=0. |
|  |  |  |  |  |  |

Результаты знаковой и беззнаковой интерпретаций корректны.